Letölthető: http://compalg.inf.elte.hu/~ajarai

MATEMATIKA II

Konzultáció: Kérésre a vizsgák előtt (ajarai@moon.inf.elte.hu, legalább 2 munkanappal az időpont előtt), D2-205.

A vizsga anyaga: Ami az előadáson és a gyakorlaton elhangzott, de beleértve az ott nem részletezett (például „nyilvánvaló", „hasonlóan belátható", stb.) részeket is.

A vizsga lefolyása: a külön részletezett szabályok szerint.

Segédeszközök: Csak papír és toll használható, semmilyen más eszköz (például semmilyen elektronikus eszköz) nem. Aki meg nem engedett eszközt próbál használni, beszélgetni próbál, stb., az ellen a legszigorúbb eljárást fogom kezdeményezni.

Javítás: Csak névvel és kóddal ellátott dolgozatokat fogadunk el, és a feladatsort is visszakérjük. A dolgozatokat még aznap kijavítjuk, kiosztjuk, a vizsgázók és a javításban résztvevők számától függő időpontban. A kiosztáskor az esetleges javítási hibák észrevételezhetők (később már nem), ezután a dolgozatokat visszakérjük, és a szóbeli vizsga megkezdődik. Az írásbeli kiosztásának helyét és időpontját, valamint a szóbeli helyét az írásbelin közöljük.

Járai Antal

Typeset by $\mathcal{A}\mathcal{M}\mathcal{S}$-TEX

Vizsgatételek

1. Mátrixok és vektorok. Gauss-féle kiküszöbölés. Mátrixinverzió. Vektortér, altér.
2. Lineáris kombinációk, függőség és függetlenség. Bázisok, dimenzió, koordináták, izomorfia. Descartes-szorzatok, affin sokaságok.
3. Lineáris leképezések, műveletek lineáris leképezésekkel. Rang, mag dimenziója, lineáris transzformációk. Lineáris leképezések mátrixa, áttérésmátrix, báziscsere.
4. Lineáris formák, bilineáris és kvadratikus leképezések, szimmetrikus és alternáló bilineáris leképezések, átlós alak, definitség.
5. Permutációk, terület, térfogat, determináns. Mátrix és lineáris transzformáció determinánsa. Kifejtési tétel, szorzástétel, determinánsrang. Lineáris egyenletek.
6. Norma, belső szorzat, szögek, euklidészi és unitér tér. Gram–Schmidt ortogonalizálás, legjobb approximáció, Bessel-egyenlőtlenség. Ortogonális felbontási tétel, előállítási tétel.
7. Adjungált és tulajdonságai. Önadjungált, normális és unitér tarnszformációk. Polarizáció. Invariáns alterek, sajátérték, sajátvektor, sajátaltér. Karakterisztikus polinom, geometriai és algebrai multiplicitás. Felső háromszög alak, átlós alak.
8. Topológiai alapfogalmak. Kompakt halmazok. Tartományok. Sorozatok, Cauchy-sorozatok, sorok, konvergenciakritériumok. Határérték, átviteli elv, folytonosság. Kompaktság és folytonosság. Egyenletes folytonosság. Normák ekvivalenciája.
9. Lineáris operátorok normája. Totális, irány menti és parciális derivált, gradiens. Differenciálási szabályok. Középérték-egyenlőtlenség. Magasabb deriváltak. Young tétele. Taylor-formula.
10. Implicit függvény tétel, inverz függvény tétel. Szélsőértékszámítás. Sima görbék érintője, felületek előállítási módjai, érintősíkja. Approximáció.
11. Többváltozós függvények integrálja. Az integrálhatóság szükséges és elégséges feltételei, az integrál tulajdonságai. Ismételt integrálás. Jordan-mérték, normál tartomány.
12. Integráltranszformáció. Paraméteres integrálok differenciálása. Pályák, sima pálya hossza, ívhossz paraméter. Integrálás felületeken és felszín. Az integrálszámítás alkalmazásai.
13. Függvénysorozatok és függvénysorok pontonkénti és egyenletes konvergenciája. Határátmenetek felcserélése. A határátmenet és az integrálás illetve differenciálás felcserélése.
14. Hatványsorok, Cauchy–Hadamard tétel, analitikus függvények folytonossága és differenciálhatósága. Az exponenciális, trigonometrikus és hiperbolikus függvények. Hatványsorok alkalmazása differenciálegyenletek megoldására.
15. Absztrakt Fourier-sorok konvergenciája. Klasszikus Fourier-sorok. Dirichlet-formula, Lipschitz-kritérium, Riemann-féle lokalizációs tétel. Klasszikus ortogonális polinomok.